

B 2.4

Siehe Zeichnung. Der Inkreismittelpunkt ist der Schnittpunkt der Winkelhalbierenden.

B 2.5

[AM] und [BM] verlaufen jeweils auf der Winkelhalbierenden. Somit werden die Winkel bei A und B jeweils halbiert und es gilt mit den Werten aus B 2.2:

$$\varphi = 180^\circ - 41,64^\circ : 2 - 48,36 : 2 = 135^\circ$$

Dreieck ABM:

Sinus-Satz um \overline{AM} zu berechnen, um dann im rechtwinkligen Dreieck AEM rechnen zu können:

$$\frac{\overline{AM}}{\sin \sphericalangle MBA} = \frac{\overline{AB}}{\sin \sphericalangle AMB}$$

$$\overline{AM} = \frac{\overline{AB} \cdot \sin \sphericalangle MBA}{\sin \sphericalangle AMB} = \frac{10 \text{ cm} \cdot \sin (48,36^\circ : 2)}{\sin 135^\circ} = 5,79 \text{ cm}$$

$$\sin \sphericalangle EAM = \frac{\overline{EM}}{\overline{AM}}$$

$$\Leftrightarrow r = \overline{EM} = \sin \sphericalangle EAM \cdot \overline{AM} = \sin (41,64^\circ : 2) \cdot 5,79 \text{ cm} = 2,06 \text{ cm}$$

B 2.6

Dreieck AEM:

$$\tan \sphericalangle EAM = \frac{\overline{EM}}{\overline{AE}}$$

$$\Leftrightarrow \overline{AE} = \frac{\overline{EM}}{\tan \sphericalangle EAM} = \frac{2,06 \text{ cm}}{\tan (41,64^\circ : 2)} = 5,42 \text{ cm}$$

$$A_{AEM} = 0,5 \cdot 5,42 \text{ cm} \cdot 2,06 \text{ cm} = 5,58 \text{ cm}^2$$

Damit gilt für das Drachenviereck AEMF:

$$A_{AEMF} = 2 \cdot 5,58 \text{ cm}^2 = 11,16 \text{ cm}^2$$

Wir bleiben in dem Drachen:

$$\sphericalangle FME = 360^\circ - 90^\circ - 90^\circ - 41,64^\circ = 138,36^\circ$$

$$A_{FEM} = \pi \cdot r^2 \cdot \frac{\sphericalangle FME}{360^\circ} = \pi \cdot (2,06 \text{ cm})^2 \cdot \frac{138,36^\circ}{360^\circ} = 5,12 \text{ cm}^2$$

$$\text{Damit gilt für } A_{AEF} = 11,16 \text{ cm}^2 - 5,12 \text{ cm}^2 = 6,04 \text{ cm}^2$$